



Δεν ξεχνούμε:

- Να διαβάσουμε τη θεωρία αυτής της παραγράφου του βιβλίου.
- Να μελετήσουμε τις σημειώσεις που έχουν δοθεί.
- Να λύσουμε τις παρακάτω ασκήσεις.

Προσέχουμε:

- ✓ Η ισότητα της Ευκλείδειας διαίρεσης είναι: $\Delta = \delta\pi + \upsilon$ με $\upsilon < \delta$
- ✓ Είναι $\delta \neq 0$
- ✓ Είναι $\alpha : \alpha = 1$, $\alpha : 1 = \alpha$, $0 : \alpha = 0$
- ✓ Κάθε άρτιος έχει την μορφή: 2κ όπου κ : φυσικός αριθμός
- ✓ Κάθε περιττός έχει την μορφή: $2\lambda + 1$ όπου λ : φυσικός
- ✓ Για να εξετάσουμε αν μια ισότητα της μορφής: $\kappa = \lambda\mu + \nu$ παριστάνει ευκλείδεια διαίρεση, τότε συγκρίνουμε το ν με το λ και με το μ .

Ασκήσεις:

1. Να κάνετε τις διαιρέσεις και τις δοκιμές τους
α) $23:5$ β) $38:7$ γ) $137:6$
2. Να εξετάσετε ποιες από τις παρακάτω ισότητες παριστάνουν ευκλείδειες διαιρέσεις:
α) $27 = 4.6 + 3$ β) $71 = 7.9 + 8$ γ) $36 = 5.6 + 6$
3. Αν ν είναι ένας φυσικός αριθμός ποια μπορεί να είναι τα υπόλοιπα της διαίρεσης :
α) $\nu:3$ β) $\nu:5$ γ) $\nu:7$
4. Αν ένας φυσικός αριθμός διαιρεθεί με το 7 δίνει πηλίκο το 3. Ποιος είναι ο αριθμός;
5. Να βρείτε τους φυσικούς αριθμούς οι οποίοι όταν διαιρεθούν με το 4 δίνουν πηλίκο το 6.
6. Το πηλίκο μιας διαίρεσης είναι 5 και το υπόλοιπο 6.
α) Να βρείτε την μικρότερη τιμή που μπορεί να πάρει ο διαιρέτης.
β) Για την τιμή αυτή του διαιρέτη να βρείτε και τον διαιρετέο.

7. Το ηλίκο μίας διαίρεσης είναι 10 και ο διαιρέτης είναι 9.
α) Να βρείτε την μεγαλύτερη τιμή που μπορεί να πάρει το υπόλοιπο.
β) Για την τιμή αυτή να βρείτε τον διαιρετέο.
8. Να βρείτε τους φυσικούς αριθμούς οι οποίοι όταν διαιρεθούν με το 4 δίνουν ηλίκο διπλάσιο από το υπόλοιπο.
9. Ο Κώστας γεννήθηκε Τρίτη και πέρασαν 310 μέρες από τότε. Να βρείτε ποια μέρα έχουμε.
10. Η διαίρεση ενός φυσικού αριθμού Δ με τον φυσικό δ , δίνει υπόλοιπο $\nu = 2$. Η διαίρεση του ίδιου φυσικού Δ με το 4 δίνει υπόλοιπο τον φυσικό δ
α) Να βρείτε τον αριθμό δ
β) Να βρείτε την μικρότερη τιμή που μπορεί να πάρει ο αριθμός Δ .

- ✓ Περιμένουμε τις λύσεις!
- ✓ Συνεχίζουμε να κάνουμε επαναλήψεις!
- ✓ Καλή Μεγάλη Εβδομάδα!
- ✓ Καλή δύναμη!

Επιμέλεια: Παπάντος Δ. - Μπούρα Ζ.
4^ο Γυμνάσιο Λάρισας

